

## 2 MAXWELLOVY ROVNICE, POTENCIÁLY, PODMÍNKY NA ROZHRANÍ

### 2.1 ZÁKLADNÍ VZTAHY

#### Stavové vektory pole

Intenzita elektrického pole <sup>1)</sup>	[Vm <sup>-1</sup> ]	$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{F}_e}{Q}$
Magnetická indukce $\mathbf{B}$ <sup>1)</sup>	[T]	$\mathbf{F}_m = Q(\mathbf{v} \times \mathbf{B})$
Elektrická indukce	[Cm <sup>-2</sup> ]	$\mathbf{D} = \varepsilon \mathbf{E}$
Proudová hustota	[Am <sup>-2</sup> ]	$\mathbf{J} = \gamma \mathbf{E}$
Intenzita magnetického pole	[Am <sup>-2</sup> ]	$\mathbf{H} = \frac{1}{\mu} \mathbf{B}$

<sup>1)</sup> Z Lorentzovy síly  $\mathbf{F} = \mathbf{F}_e + \mathbf{F}_m = Q [\mathbf{E} + (\mathbf{v} \times \mathbf{B})]$

#### Materiálové charakteristiky

Permitivita	[Fm <sup>-1</sup> ]	$\varepsilon = \varepsilon_r \varepsilon_0$
Konduktivita	[Sm <sup>-1</sup> ]	$\gamma$
Permeabilita	[Hm <sup>-1</sup> ]	$\mu = \mu_r \mu_0$

$\varepsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}$  F/m,  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$  H/m

#### Integrální veličiny

**Napětí:** elektrické

$$U_{AB} = \int_A^B \mathbf{E} d\mathbf{l} \quad [\text{V}]$$

magnetické 
$$U_{mAB} = \int_A^B \mathbf{H} d\mathbf{l} \quad [A]$$

**Toky:** elektrický indukční 
$$\psi = \int_S \mathbf{D} d\mathbf{S} \quad [C]$$

magnetický indukční 
$$\Phi = \int_S \mathbf{B} d\mathbf{S} \quad [Wb]$$

elektrický proud 
$$I = \int_S \mathbf{J} d\mathbf{S} \quad [A]$$

### Maxwellovy rovnice

		<b>Integrální tvar</b>	<b>Diferenciální tvar</b>
I	Ampérův zákon celkového proudu	$\oint_c \mathbf{H} d\mathbf{l} = I + \frac{d\psi}{dt}$	$\text{rot} \mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$
II	Faradayův indukční zákon	$\oint_c \mathbf{E} d\mathbf{l} = - \frac{d\Phi}{dt}$	$\text{rot} \mathbf{E} = - \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$
III	Gaussova věta	$\oint_S \mathbf{D} d\mathbf{S} = Q$	$\text{div} \mathbf{D} = \rho$
IV	Rovnice kontinuity magnetického pole	$\oint_S \mathbf{B} d\mathbf{S} = 0$	$\text{div} \mathbf{B} = 0$

### Podmínky na rozhraní

<b>Elektrostatické pole</b>	<b>Elektrické proudové pole</b>	<b>Magnetické stacionární pole</b>
-----------------------------	---------------------------------	------------------------------------

Tečné složky	$\mathbf{E}_{1t} = \mathbf{E}_{2t}$	$\mathbf{E}_{1t} = \mathbf{E}_{2t}$	$\mathbf{H}_{1t} - \mathbf{H}_{2t} = \mathbf{K}$
Normálové složky	$\mathbf{D}_{2n} - \mathbf{D}_{1n} = \sigma$	$\mathbf{J}_{1n} = \mathbf{J}_{2n}$	$\mathbf{B}_{1n} = \mathbf{B}_{2n}$
Zákon lomu vektorových čar <sup>*)</sup>	$\frac{\operatorname{tg} \alpha_1}{\operatorname{tg} \alpha_2} = \frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2}$	$\frac{\operatorname{tg} \alpha_1}{\operatorname{tg} \alpha_2} = \frac{\gamma_1}{\gamma_2}$	$\frac{\operatorname{tg} \alpha_1}{\operatorname{tg} \alpha_2} = \frac{\mu_1}{\mu_2}$

<sup>\*)</sup> vektory pole svírají s normálou k rozhraní úhly  $\alpha_1, \alpha_2$

## Potenciály

	<i>Elektrostatické pole</i>	<i>Elektrické proudové</i>	<i>Magnetické stacionární pole</i>	
			<i>Potenciální</i>	<i>Vírové</i>
<b>Definice</b>	$\mathbf{E} = -\operatorname{grad} \varphi$	$\mathbf{E} = -\operatorname{grad} \varphi$	$\mathbf{H} = -\operatorname{grad} \varphi_m$	$\mathbf{B} = \operatorname{rot} \mathbf{A}$
Laplaceova r. Poissonova r.	$\Delta \varphi = -\frac{\rho}{\varepsilon}$	$\Delta \varphi = 0$	$\Delta \varphi_m = 0$	$\Delta \mathbf{A} = -\mu \mathbf{J}$
Podmínky na rozhraní	Spojitost $\varphi$ $\varepsilon_1 \frac{\partial \varphi_1}{\partial n} = \varepsilon_2 \frac{\partial \varphi_2}{\partial n}$	Spojitost $\varphi$ $\gamma_1 \frac{\partial \varphi_1}{\partial n} = \gamma_2 \frac{\partial \varphi_2}{\partial n}$	Spojitost $\varphi_m$ $\mu_1 \frac{\partial \varphi_{m1}}{\partial n} = \mu_2 \frac{\partial \varphi_{m2}}{\partial n}$	Spojitost $\mathbf{A}$ $\frac{1}{\mu_1} \frac{\partial \mathbf{A}_1}{\partial n} = \frac{1}{\mu_2} \frac{\partial \mathbf{A}_2}{\partial n}$