

Magnetické pole stacionární

Magnetické pole stacionární je generováno ss proudy, pokud je generováno **permanentními magnety**, pak je to **pole magnetostatické** a je vytvářeno elementárními proudy v mikroskopickém měřítku, dále se budeme zabývat MP od ss proudů.

Základní veličiny stacionárního magnetického pole jsou **vektory**

H – intenzita magnetického pole a **B** – magnetická indukce,

dále jsou důležité **veličiny skalární**:

ss proud **I**, magnetický indukční tok Φ , indukčnost **L**.

MP je **vírové a nezřídlové**, tzn., že **vektorové čáry B jsou uzavřené**, vírové - protože zdrojem jsou elektrické proudy (víry). Tyto vlastnosti vyplývají z následujících rovnic, charakter pole snadno poznáme z tvaru vektorových čar.

Ampérův zákon celkového proudu - 1. Maxwellova rovnice v integrálním tvaru

$$\oint_c \mathbf{H} d\mathbf{l} = I$$

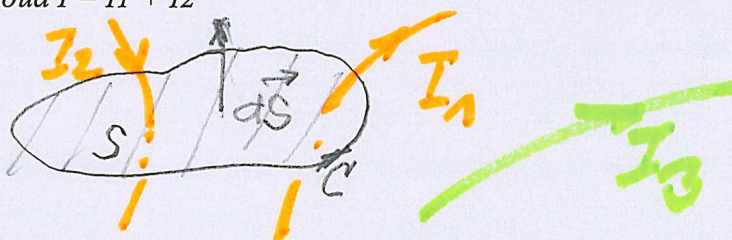
Vysvětlení matematické:

cirkulace vektoru **H** je rovna proudu spřaženému s křivkou **c** (integrační drahou), jelikož cirkulace vektoru **H** je nenulová (rovná se proudu **I**), je toto pole **vírové**

Vysvětlení fyzikální:

Zdrojem magnetického pole stacionárního je elektrický proud, jinými slovy, v okolí každého vodiče protékaného proudem je generováno MP

Vysvětlení pojmu spřažený proud (jelikož plocha **S** vymezená křivkou **c** je protékána pouze proudy **I1** a **I2**) bude spřažený proud $I = I1 + I2$

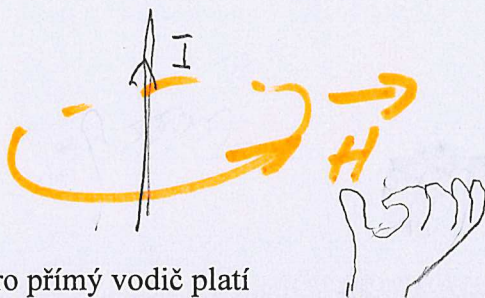


Pro vektor **B** platí rovnice – 4. Maxwellova rovnice v integrálním tvaru

$$\oint_S \vec{B} d\vec{S} = 0$$

Jelikož tok vektoru **B** uzavřenou plochou je nulový, je to pole **nezřídlové**, vektorové čáry jsou uzavřené.

Směr vektoru H závisí na směru proudu I – **pravidlo pravé ruky**



pro přímý vodič platí
palec ve směru proudu, prsty ukáží směr H



pro cívku platí
prsty ve směru proudu, palec ukáže směr H

Mezi vektory B a H platí vztah

$$\vec{B} = \mu \vec{H}$$

kde permeabilita $\mu = \mu_0 \mu_r$, je součin
permeability vakua $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$ H/m a permeability relativní

Z hlediska magnetických vlastností dělíme látky na **nemagnetické**

diamagnetické $\mu_r < 1$ (vnější MP nepatrně zeslabují)
paramagnetické $\mu_r > 1$ (vnější MP nepatrně zesilují)

feromagnetické $\mu_r \gg 1$

látky nemagnetické představují zpravidla lineární prostředí (závislost $B = f(H)$ je přímka)
feromagnetické materiály představují zpravidla nelineární prostředí – magnetizační křivka
 $B = f(H)$ není přímka, často však předpokládáme, že jsou rovněž lineární – viz řešení
magnetických obvodů.

Základní úloha analýzy je určit rozložení MP pro dané proudy;
určit rozložení proudů pro požadované MP je úloha syntézy a často se používá při řešení
magnetických obvodů.

Pro analýzu MP existuje celá řada metod a jsou k dispozici i profesionální programy, které
umožní určit MP i pro velmi složité uspořádání, např. MP v elektrických strojích apod.

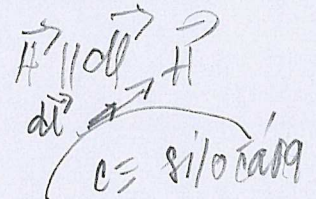
Nejjednodušší případ je **analýza 1D (symetrického) pole pomocí I.M.r. v integrálním tvaru**,
sem patří MP pole dlouhého přímého tenkého vodiče, válcového vodiče (plného i dutého) a
koaxiálního kabelu. Ve všech těchto případech lze předpokládat, že **MP válcově symetrické**,
rozložení vektoru H se nemění podél vodiče a ve válcových souřadnicích bude záviset jen na
souřadnici r : **síločáry MP jsou pak soustředné kružnice se středem v ose vodiče a podél nich
platí $H = \text{konst.}$** V tomto případě lze 1. Maxwellovu rovnici upravit následovně

$$\oint_C \vec{H} \cdot d\vec{l} = \oint_C H dl = H \oint_C dl = I_c$$

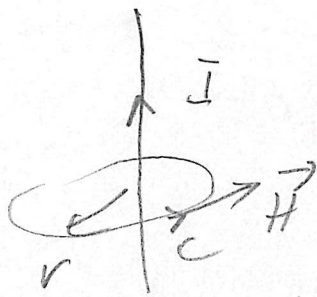
nej důležitější je určit správně sprážený proud s křivkou c - viz příklady.

$$\vec{H} \parallel d\vec{l} \Rightarrow H dl$$

$$H = \text{konst. na } c \Rightarrow \oint_C H dl$$



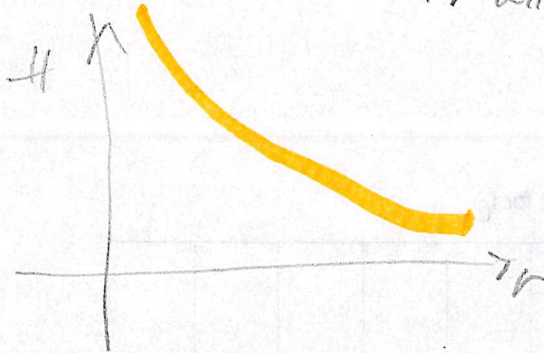
MP tenkého přímého vodiče s proudem I



pro $r > 0$ platí

$$\oint_C \vec{H} \cdot d\vec{l} = H \oint_C dl = I_c$$

$$H \cdot 2\pi r = I \quad \underline{H = \frac{I}{2\pi r}}$$



MP náhorněho vodiče o poloměru R

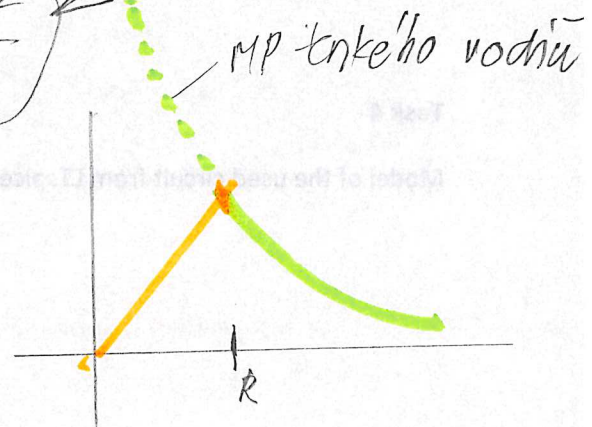
zobrazili $r \in (0, R)$
 $r > R$



uvnitř vodiče $r \in (0, R)$
mění se velikost proudu
převzatého o okružkou C

$$H \cdot 2\pi r = \frac{I}{\pi R^2} \cdot \pi r^2 = \frac{I r^2}{R^2}$$

$$\underline{H = \frac{I r}{2\pi R^2}}$$



Vně vodiče $r > R$

každá okružka C je svázána
s celým proudem I

$$H \cdot 2\pi r = I \quad \underline{H = \frac{I}{2\pi r}}$$

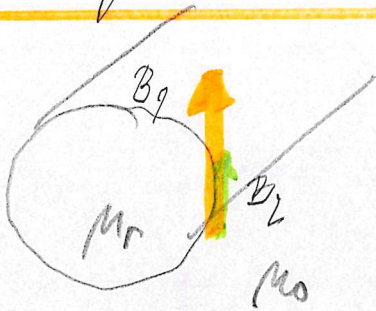
Tenky vodič - MP poměru vně vodiče
je rovno velikosti klesá H

Masivní vodič ($R \neq 0$)

MP vně (H roste)

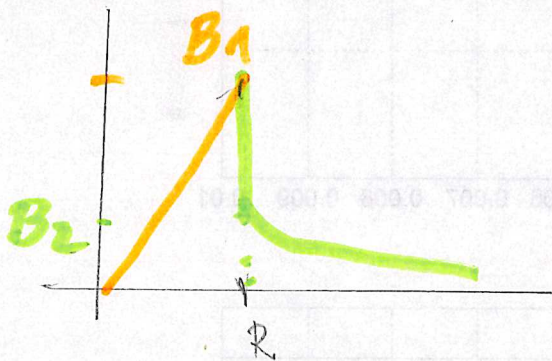
MP vnitř (H klesá)

Válcový vodič z feromagnet. materiálu



$$r < R \quad H = \frac{I r}{2\pi R^2} \quad B = \frac{\mu_r \mu_0 I r}{2\pi R^2}$$

$$r > R \quad H = \frac{I}{2\pi r} \quad B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$$



povrch vodiče
rozšíření 2 prostředí
 $\mu_r \rightarrow \mu_0$

B má tečnou složku na rozhraní
nemění se spojitě

obecně platí

normální složky $B_{1n} = B_{2n}$

tečná složky $B_{1t} \neq B_{2t}$

duž' vodiče



$$r \in (0, a) \quad \oint \vec{H} d\vec{l} = 0$$

vdutř' nem' proud

$$\Rightarrow \underline{H=0}$$

$r \in (a, \infty)$ křivka C je spřažena s

proudem $I(r) = \frac{I}{\pi(b^2 - a^2)} \cdot \pi(r^2 - a^2)$

proudu v 'bu stota

$$H \oint dl = H \cdot 2\pi r = \frac{I}{b^2 - a^2} (r^2 - a^2)$$

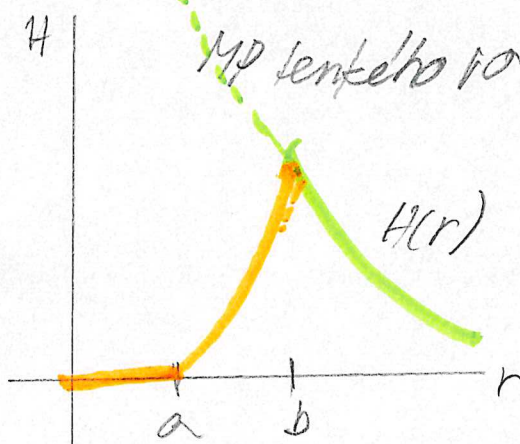
$$H = \frac{I}{2\pi r} \frac{r^2 - a^2}{b^2 - a^2}$$

Vně vodiče $r > b$

křivka C je spřažena s celým proudem I

$$H \cdot 2\pi r = I$$

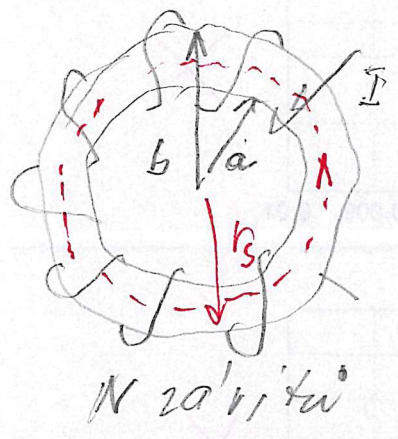
$$H = \frac{I}{2\pi r}$$



MP tenkého vodiče umístěného v ose

MP cítek na prstenovitém jádře - toroid
 na válcovém jádře - solenoid

MP toroidu



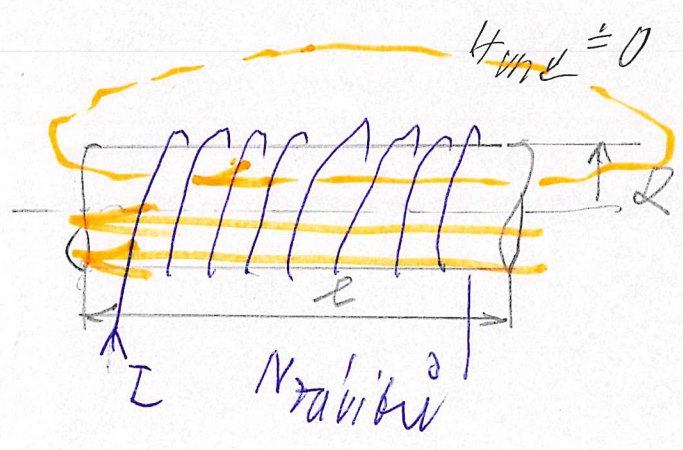
předpoklad a < b
 střední čára $r_s = \frac{a+b}{2}$
 indukční čára - soustředná kružnice

$$\oint_C \vec{H} d\vec{l} = I_0 = NI$$

$$H \cdot 2\pi r_s = NI$$

$$H = \frac{NI}{2\pi r_s}$$

MP solenoidu (velmi dlouhého)



$H_{vně} = 0$ $l \gg R$

lze zanedbat MP vně
 $H_{vně} = 0$

$$\oint_C \vec{H} d\vec{l} = H \cdot l = NI$$

$$H = \frac{NI}{l}$$

uvnitř solenoidu je homogenní MP $H = \text{konst.}$
 je zanedbatelný okrajový jev a pole vně
 platí pouze za předpokladu $l \gg R$

Princip superpozice

uvážujeme lineární prostředí

známe zdroje MP tj: proudy I_1, I_2, \dots

známe rozložení MP od proudů

$$\vec{H}_1, \vec{H}_2, \dots$$

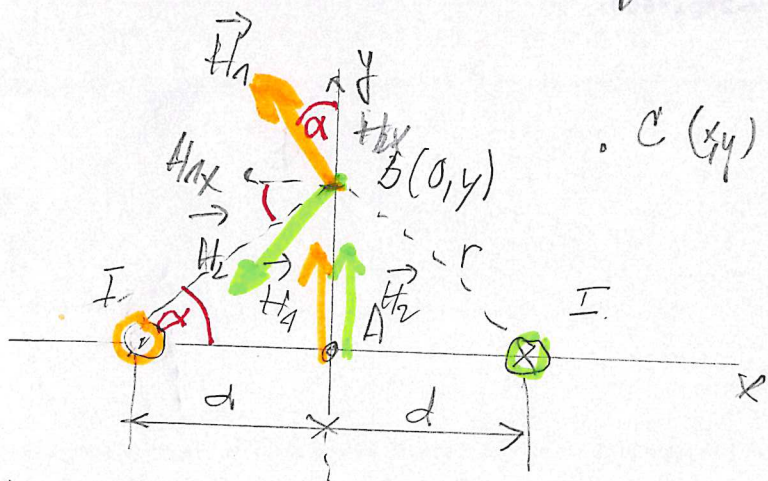
MP od zdrojů $I_1 + I_2 + \dots$ je dána

superpozicí MP, tj: vektorovým součtem

$$\vec{H}_1 + \vec{H}_2 + \dots$$

Příklad: Vypočítejte MP dvou rovinného

vedení (2 tenké rovnoběžné dlouhé vodiče protékající proudy v opačném směru)



bod A

$$\vec{H}_1 \parallel \vec{H}_2 \quad H_1 = H_2 = \frac{I}{2\pi d}$$

$$H_A = \frac{I}{\pi d}$$

bod B $H_1 = H_2 = \frac{I}{2\pi r}$ $r = \sqrt{d^2 + y^2}$ $\sin \alpha = \frac{y}{r}$

$$\vec{H}_1 = (H_{1x}, H_{1y})$$

$$\vec{H}_2 = (H_{2x}, H_{2y})$$

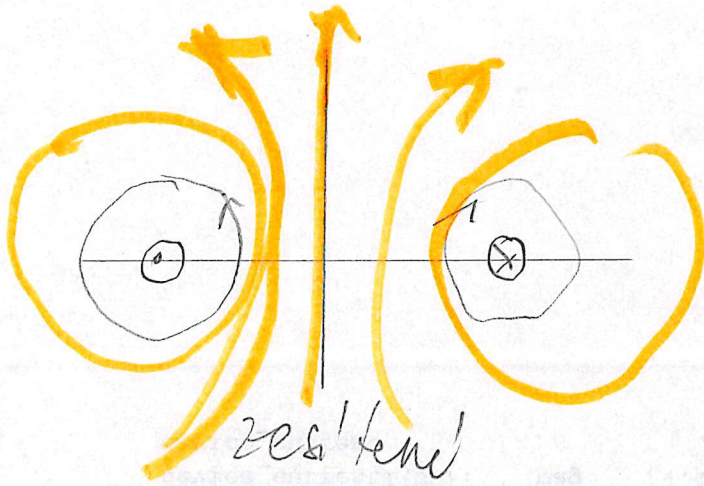
$$H_{1y} + H_{2y} = 0 \quad H_x = H_{1x} + H_{2x}$$

$$H_x = 2H_1 \sin \alpha$$

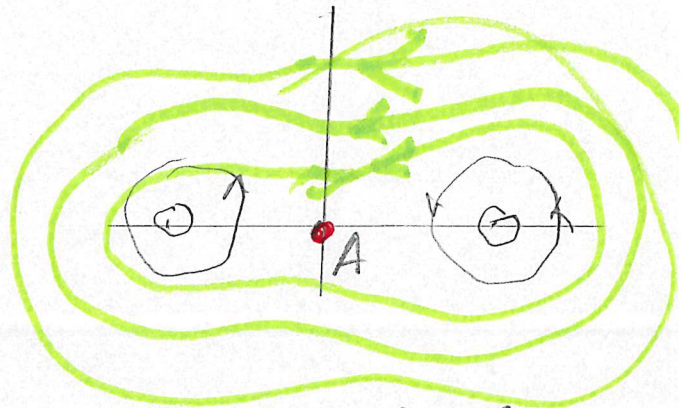
Vektorové číty (síločáry) MP dvou vodičů vedených

a) opačný směr proudů

b) stejný směr proudů



zesílené pole



zeslabené pole
 $H_A = 0$

MP dvou vodičů